Канд. фіз.-мат. наук А. В. Недоля<sup>1</sup>, д-р техн. наук В. Ю. Ольшанецький<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Запорізький національний університет, <sup>2</sup> Запорізький національний технічний університет; м. Запоріжжя

# ОЦІНКА ЕНЕРГІЙ ГЦК- ГРУПИ АТОМІВ СИСТЕМИ Fe-Ni-C

Методом молекулярної динаміки оцінено енергетичний стан елементарної ГЦК тратки системи Fe-Ni-C в залежності від розташування домішкових атомів упровадження та заміщення. Розрахунки показують, що положення атома вуглецю як домішки впровадження, внаслідок зміни симетрії кристала, безпосередньо генерує енергетично вигідні позиції атома нікелю і формує умови для утворення нанокристалітів та подальшого зростання кристалів нової фази. Встановлено, що поведінка домішкових атомів обумовлює формування на вільних поверхнях первинних кластерів та нанокристалітів.

**Ключові слова:** ГЦК тратка, домішки впровадження та заміщення, поверхнева енергія, метод молекулярної динаміки, октаедричне міжвузля.

Згідно з сучасними уявленнями, виникнення кристалів нової формації є процесом утворення в обмеженій частині об'єму різноманітних зародків фаз, віддалених від оточуючого середовища межами поділу [1-4]. Такий процес можна розділити на два етапи: утворення центрів кристалізації (зародків), подальше їх зростання з утворенням зерен кристалічної фази, що обмежені поверхнями, що відповідають кристало-геометричним принципам Кюрі-Гіббса. Самодовільний процес кристалізації може здійснюватися лише в тому випадку, якщо зменшується загальна вільна енергія системи. Зазвичай процес кристалізації відбувається нижче температури рівноваги принаймні двох фаз, і є не тільки об'ємним процесом, пов'язаним зі зміною об'ємної складової вільної енергії Гіббса  $\Delta G_{\mu}$ , але й суттєво пов'язаний з властивостями межі поділу новоутворених кристалічних частинок з оточуючим середовищем. Зміна вільної енергії, що пов'язана з утворенням поверхні  $\Delta G_{\mu}$ , є додатною та протидіє процесу фазового переходу [5]. Крім цього, зміна вільної енергії пов'язана ще з деформацією зародків при фазовому перетворенні  $\Delta G_{d}$ . Тому загальна зміна вільної енергії при появі будь-якого зародку становить:

$$\Delta G = -\Delta G_{\mu} + \Delta G_{\nu} + \Delta G_{d} \,. \tag{1}$$

Останній член дає суттєвий внесок при утворенні кристалічної фази всередині твердої фази, якщо є значна різниця у питомих об'ємах, тому у випадку утворення кристалічної речовини з рідкого чи газового середовища ним часто нехтують. Зміна об'ємної складової вільної енергії при утворенні одного моля кристалічної фази з розчину становить:

$$\Delta G_{\mu} = RT \ln Z, \tag{2}$$

де  $Z=P_k/P_c$  – відношення тиску Вульфа у кристалі ( $P_{\kappa}$ ) до тиску середовища ( $P_c$ ), R – газова стала.

Останні експериментальні дослідження групи Н. Соммердіка вказують на існування проміжного процесу в рості кристала – довільного кластероутворення в середовищі без фактичного утворення зародку, зростання та послідовної самоорганізації кластерних груп у кристалічну фазу [6–7].

Але у випадку утворення кластерів нової фази з розміром, що відповідає об'єму елементарної комірки, замість статистичного підходу використовується молекулярно-кінетичний підхід, за яким розмір критичного зародку визначається з умови рівності протилежних потоків атомів відносно будь-якої поверхні такого роду нанокристалу [8–11].

Треба зауважити, що кристалоутворення може реалізовуватися і без наявності великого пересичення внаслідок фізичних змін в локальному об'ємі через присутність розчинних елементів із-за наявності нано- та мікроліквації [12], яка обумовлена існуванням градієнтів концентрації, що виникають під час пришвидченої кристалізації. Нанолікваційні процеси можна розглядати як зміни у найближчому (першому та другому) кластерному оточенні певного атому речовини, які при сприятливих умовах приводять до подальшого впорядкування фази. Ці фізичні зміни в локальному об'ємі можуть стимулювати подальші процеси кристалоутворення і впливати на поведінку домішок у багатокомпонентних системах.

Більшість сучасних досліджень присвячено вивченню особливостей процесів зародкоутворення [13–14]. При цьому дослідження початкової стадії формування зародку кристала до сьогодні є проблематичним унаслідок швидкоплинності процесу, хоча існування кластерів в рідкий і навіть газоподібній фазах опосередковано підтверджується [15]. Тому моделювання таких процесів з перших принципів є актуальною задачею, якій

<sup>\*</sup> В роботі брала участь студентка 5 курсу Запорізького національного університету Н.В. Бондаренко

приділяється особлива увага при вивченні можливих конфігурацій та форм нанокристалів конденсованої фази [16–17], які підтверджуються експериментально [18].

#### Енергетична оцінка кластерного оточення атома вуглецю в ГЦК комірці Fe-Ni-C

У роботі на прикладі елементарної комірки досліджували енергетичні передумови формування нової фази без зовнішнього впливу при зміні положення домішок впровадження та заміщення. Об'єктом дослідження обрано елементарну ГЦК комірку системи Fe-Ni-C з одним атомом вуглецю в октаедричному міжвузлі (октапорі) та з одним або двома атомами нікелю як домішок заміщення.



Рис. 1. Схема віртуальних координаційних сфер ГЦК гратки: в центрі атом вуглецю

Таку систему умовно визначали як квазістабільну і враховували сумарне значення можливих потенціалів взаємодії між атомами ГЦК системи при зміні їх координат або заміні атома одного сорту на інший. Для більшої адекватності результатів у розрахунках переважно оцінювалися, виходячи з перших принципів різниці енергій між станами, а не тільки їх абсолютні значення [19]. Вибір саме ГЦК гратки пов'язаний з тим, що подібна макроскопічна система добре вивчена і це спрощує інтерпретацію результатів. Гратка містить дві сфери кластерного оточення атома впровадження (С) вузловими атомами гратки (Fe або Ni) і при цьому всі атоми, крім атома вуглецю, розташовані на поверхні елементарної комірки (рис. 1), що обумовлює її симетричний вплив. Відмінність цих двох кластерних шарів підтверджена розрахунками енергетичного стану ГЦК гратки, в якій при поступовому заміщенні всіх атомів Fe на атоми Ni спостерігається різний кут нахилу змін енергій гратки в першому та другому кластерному оточенні (рис. 2).

Також розрахунки вказують на наявність більшого на 48 % потенційного бар'єру для системи Ni-C порівняно з Fe-C, що можна пояснити різницею між розмірами октапор, які утворюють атоми заліза та нікелю. Результати розрахунків також опосередковано пояснюють аустенітоутворювальні властивості нікелю.

## Конфігурації положень атома нікелю в ГЦК комірці

#### Атом вуглецю в центральній октапорі

Для визначення можливих положень атомів нікелю, їх позиції (вузли) в ГЦК комірці для зручності були пронумеровані (рис. 3, таблиця 1). Аналіз можливих станів атому нікелю проводився як з міркувань симетрії кристалу, так з підрахунків внутрішньої енергії системи методом молекулярної механіки з перших принципів при зміні координати атома. Всі підрахунки здійснювалися при кімнатній температурі (*T* = 300 К). Для зручності параметр гратки обирався рівним а = 0,36 нм. Внаслідок центральної симетрії кристала за нульове значення довжини траєкторії обиралося положення, коли атом вуглецю знаходився в центрі ГЦК комірки в октаедричному міжвузлі. Враховуючи, що розрахунки з квантово-механічних принципів є більш громіздкими, а молекулярні розрахунки мають меншу точність, проводили в основному якісні порівняння енергії системи за різницями внутрішньої енергії.



**Рис. 2**. Енергія ГЦК комірки системи Fe-C при послідовному заміщенню атомів Fe атомами Ni: 0 – відповідає всім атомам заліза; 14 – всім атомам нікелю

Координати	Позначка	Координати	Позначка
атома		атома	
[[011]]	1	[[110]]	8
[[001]]	2	$[[\frac{1}{2},\frac{1}{2},1]]$	9
[[101]]	3	$[[0 \frac{1}{2} \frac{1}{2}]]$	10
[[111]]	4	$[[\frac{1}{2} 0 \frac{1}{2}]]$	11
[[010]]	5	$\left[\left[\frac{1}{2},\frac{1}{2},\frac{1}{2}\right]\right]$	12
[[000]]	6	$[[\frac{1}{2} 1 \frac{1}{2}]]$	13
[[100]]	7	$[[\frac{1}{2},\frac{1}{2},0]]$	14

Таблиця 1 – Умовні позначення позицій атомів в ГЦК гратці

Розташування атома вуглецю в центрі ГЦК комірки (центральній октапорі (ЦО)) визначає існування двох відмінних з точки зору симетрії можливих положень атома нікелю як домішки заміщення: 1) положення 1...8, що відповідають площинам типу (002) другій сфері кластерного оточення; 2) положення 9...14, що відповідають площинам типу (111) першої сфери кластерного оточення (рис. 3). Енергія ГЦК гратки при розташуванні атома нікелю в цих сферах відрізнялася на 6 %.



Рис. 3. Можливі варіанти розташування атома Ni (світла куля) в ГЦК гратці, коли атом вуглецю (темна куля) знаходиться в центральній октапорі: (002) – штрихована область, (111) – сіра область



Рис. 4. Схема нумерації можливих положень атома нікелю в ГЦК гратці системи Fe-Ni-C

У зв'язку з тим, що в ГЦК комірці, крім атома Ni, містить атом вуглецю, було визначено зміну енергетичного стану комірки при зміні положення атома вуглецю в напрямку типу <011> на центрі ребра куба в незавершену поверхневу октапору (ПО) внаслідок впливу поверхневих факторів (рис. 4–5). При цьому оцінка змін енергії гратки здійснювалася за трьома критеріями:

$$\Delta_1 = U_{\Pi D} - U_{UO},$$
  

$$\Delta_2 = U_{UO} - U_{\Pi O},$$
  

$$\Delta_3 = U_{\Pi D} - U_{\Pi O} = \Delta_1 + \Delta_2,$$
(3)

де  $\Delta_1$  – приріст енергії (на потенційному бар'єрі),  $\Delta_2$  – виграш енергії (через вплив поверхні),  $\Delta_3$  – енергетична перевага (стану на поверхні над станом на потенційному бар'єрі),  $U_{UO}$  – енергія гратки, коли атом вуглецю знаходиться в центральній октапорі,  $U_{IIE}$  – енергія гратки, коли атом вуглецю знаходиться в положенні максимуму потенційного бар'єру в напрямку <011>,  $U_{IIO}$  – енергія гратки, коли атом вуглецю знаходиться на поверхні всередині ребра (в незавершеній поверхневій октапорі (ПО)).



Рис. 5. Енергія елементарної комірки системи Fe-Ni-C при зміні положення атома вуглецю з центральної октапори до поверхневої в напрямку <011>

Отримана залежність показує, що зміна положення атома вуглецю більш суттєво впливає на зміну енергії в ГЦК комірці, ніж атома Ni: в положенні максимуму потенційного бар'єру (ПБ) енергія збільшувалася на 20,5%, а в поверхневій октапорі – зменшувалася на 23 %. Це пов'язано зі зміною центральної симетрії гратки, коли атом вуглецю розташований у центрі, на осьову симетрію, коли атом вуглецю рухається в напрямку <011>.

Такий суттєвий вплив положення атома вуглецю на енергію ГЦК гратки стає визначальним для можливих енергетичних станів при зміні конфігурації розташування атома нікелю. У зв'язку з цим було оцінено енергетичні зміни ГЦК гратки для випадків, коли атом вуглецю знаходиться на максимумі потенційного бар'єру, а також у випадках, коли атом вуглецю розташований у поверхневій незавершеній октапорі.

Атом вуглецю в положенні максимуму потенційного бар'єру

У випадку, коли атом вуглецю розташований у положенні максимуму потенційного бар'єру (пунктирна область на рис. 4), оцінювався приріст енергії гратки  $\Delta_1$ . Розрахунки вказують на існування чотирьох можливих значень висоти потенційного бар'єру, який повинен подолати атом вуглецю, що до цього знаходився в центрі ГЦК комірки в октапорі, в залежності від позицій атома Ni. Значення розрахованих енергій гратки наведені в таблиці 2. Умовні позначення приросту енергії такі: *а* – атом Ni в положенні 1 або 4 (позначення в таблиці 1); *b* – атом Ni в положеннях 2, 3, 5÷9 та 13; *c* – атом Ni в положенні 10 або 12; d-атом Ni в положенні 11 або 14 (рис. 6). Ці позиції обумовлюють зміни енергетичного стану ГЦК гратки при зміні конфігурації розчинних атомів і містять відносні характеристики енергії системи за параметром  $\Delta_1$ .

У межах одного енергетичного стану положення атому нікелю мало впливає на приріст енергії ГЦК гратки: він не перевищував 0,3 % і становив 0,08 eB або ~ 62 К на один атом. Між станами приріст енергії при зміні положення атома Ni становив 2÷6 %, що відповідало змінам енергії від 0,4÷1,6 eB. Оцінка висоти потенційного бар'єру показує, що у випадку розташування атома Ni в позиції 1 або 4 (*a*), вона буде найменшою і становитиме ~ 6,4 eB, а в конфігурації 11=14 – найбільшою ~ 8 eB (*d*). Запис типу 11=14 означає однакове значення енергій гратки, коли атом нікелю знаходиться в позиції 11 або 14.



**Рис. 6.** Можливі області розташування атома нікелю, що відрізняються впливом на енергію ГЦК гратки ( $\Delta_1$ ): *a*; *b*; *c*; *d* 

Таким чином позиція атома нікелю в ГЦК гратці Fe-Ni-C суттєво (на 20%) впливає на висоту енергетичного бар'єру на шляху руху атома вуглецю на поверхню в напрямку <011> і посилює вплив поверхневих факторів. Це створює енергетичні передумови руху атомів вуглецю до поверхні саме в напрямку розташування атома нікелю (в напрямку порушення симетрії ГЦК гратки). Але в зв'язку з тим, що положення атома вуглецю на максимумі потенційного бар'єру є нестійким, викликає інтерес оцінка енергії більш стійкого стану вуглецю на грані в незавершеній поверхневій октапорі.

#### Атом вуглецю у поверхневій октапорі

При подальшому русі атома вуглецю на поверхню (у незавершену октапору) (рис. 4) енергетичний стан ГЦК комірки системи Fe-Ni-C також змінюється. Кількість відмінних значень виграшу енергії ( $\Delta_2$ ) ГЦК гратки зменшується до трьох: *a*, *b*, *cd* – порівняно з енергією гратки, коли вуглець знаходиться у центральній октапорі (таблиця 3) (рис. 7–1); а енергетичної переваги ( $\Delta_3$ ): *a*, *bd*, *c*, порівняно з енергією гратки, коли атом вуглецю знаходиться у положенні максимуму потенційного бар'єру (таблиця 3) (рис. 7–2).

При цьому внаслідок більш енергетично вигіднішого положення атомів вуглецю в поверхневій октапорі стан максимального зниження його енергії відповідав конфігурації атома нікелю a (1=4), де воно становило 36 %. Це означає, що конфігурація Ni-C на поверхні (ребрі) ГЦК комірки заліза є більш енергетично вигідною для атома вуглецю, ніж інші положення атома Ni.

С в ЦО	N⁰	U (ккал/моль)	С на ПБ	Позиції	U (ккал/моль)	С в ПО	Позиції	U (ккал/моль)
1÷8	Ι	721,4	1=4	а	869,1	1=4	а	554,9
			2=3=5=8	b	879,4	2=3=5=8	b	584,1
			6=7	b	879,8	6=7	b	584,1
9÷14	II	666,1	9=13	b	825,9	9=13	b	527,9
			10=12	С	841,1	10=12	cd	556,3
			11=14	d	850,8	11=14	cd	557,1

Таблиця 2 – Енергія ґратки при різних положеннях атомів вуглецю та нікелю



**Рис. 7.** Можливі позиції атому нікелю (світла кулька) що впливають на зміну енергії ГЦК гратки при положенні атома вуглецю на ребрі (темна кулька), за значеннями: 1 – виграшу енергії  $\Delta_2$ , 2 – енергетичної переваги  $\Delta_3$ 

Таблиця 3 – Зміна енергії гратки при різних положеннях атомів С та Ni

Позиція Ni	Δ <sub>1</sub> (ккал/моль)	Позиції	Δ <sub>2</sub> (ккал/моль)	Позиції	Δ <sub>3</sub> (ккал/моль)	№
1=4	147,7	а	166,5	а	314,2	а
2=3=5=8	158,0	b	137,3	b	295,3	bd
6=7	158,4	b	137,2	b	295,7	bd
9=13	159,9	b	138,2	b	298,0	bd
10=12	175,0	С	109,8	cd	284,8	С
11=14	184,7	d	109,0	cd	293,6	bd



**Рис. 8.** Розщеплення змін енергії ГЦК комірки за приростом  $\Delta_1$  та виграшем  $\Delta_2$  при зміні положень атомів Ni та C



Рис. 9. Розщеплення змін енергії ГЦК комірки за приростом  $\Delta_1$  та перевагою  $\Delta_3$  при зміні положень атомів Ni та C

За такого розташування також є найменшою величина потенційного бар'єру порівняно з максимальною для конфігурації 11=14, що утворює додаткові умови до дрейфу атома вуглецю до поверхні, де розташовано атом нікелю. Певна нестійкість енергетичного варіанту d розташування атома нікелю пов'язана з його віддаленістю від атома вуглецю. Загальна картина розщеплення станів ГЦК гратки за приростом енергії  $\Delta_1$ , енергетичним виграшем  $\Delta_2$  та енергетичною перевагою  $\Delta_3$  від зміни позицій атомів Ni та C наведено на рис. 8–9.

Характер розщеплення вказує на певну дискретність можливих змін енергії залежно від розташування атома Ni та С у ГЦК гратці, що виявляється як у зміні симетрії ГЦК гратки, так і в прояві властивостей атомів та особливостях їх дифузійно-дрейфових рухів. Це може бути визначальним при формуванні нової фази і створювати термодинамічні умови її стійкого зростання, тому що стан з мінімумом енергії є енергетично привабливим для інших атомів нарощувати структуру в цій ділянці ґратки. У такому випадку процес зростання нової фази може мати ступінчастий характер: 1) створюються конфігураційні умови в розташуванні розчинних атомів, що відповідають мінімуму енергії; 2) стає більш суттєвим вплив поверхневих факторів, що виявляються в мінімумі поверхневої енергії; 3) після накопичення внаслідок цього впливу біля поверхні додаткових атомів, збільшується об'єм фази та стає відчутною деформаційна складова в енергії. Далі цей процес повторюється, а такі кластерні утворення множаться до встановлення умов рівноваги між старою і новою фазами.



Рис. 10. Загальний вигляд ГЦК гратки з двома атомами нікелю (стан 1, 2)

# Конфігурації положень двох атомів нікелю в ГЦК комірці Fe-Ni-C

### Оцінка симетричних конфігурацій коли атом вуглецю у центрі тратки

У випадку, коли ГЦК гратка містить два атоми нікелю (рис. 10), енергетична картина стає більш складною. Аналіз можливого попарного розташування атомів нікелю в ГЦК гратці у випадку, коли атом вуглецю розташований у центральній октапорі показує, що повинно існувати сім різних конфігурацій відповідно до симетрії кристалу які умовно можна позначити грецькими літерами  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ ,  $\delta$ ,  $\varepsilon$ ,  $\zeta$  та  $\eta$  (таблиця 4).

Запис 1,2 = 1,4 означає, що позиція пари атомів нікелю в положеннях 1 та 2 є аналогічною за симетрією позиції пари 1 та 4. Аналіз усіх позицій пар атомів нікелю показав, що згідно з енергетичним станом елементарної комірки, сім конфігурацій зменшуються до можливих трьох *I*, *II* та *III* (таблиця 5), внаслідок близьких значень енергій (відхилення не перевищує 0,4 %).

Конфігурація *I* містить різні варіанти розташування двох атомів нікелю всередині октаедру (перша сфера кластерного оточення вуглецю), що утворюють атоми на центрах граней. Конфігурація *II* – це різні варіанти положень атомів нікелю, де один з них знаходиться на зовнішньому кубі (2-га сфера), а інший – на октаедрі (1-ша сфера). Конфігурація *III* відображає різні варіанти положень пари атомів нікелю у вершинах зовнішнього кубу ГЦК гратки (друга сфера кластерного оточення атому вуглецю). Різниця значень енергій між конфігураціями становила: *I–II* – 8,8 %; *I–III* – 18,6 %; *II–III* – 8,6 %.

### Оцінка приросту енергії $\Delta_1$

Ситуація суттєво змінюється, коли атом вуглецю займає положення в максимумі потенційного бар'єру (ПБ). В цьому випадку центральносиметрична ГЦК гратка має несиметричну діагональну складову у напрямку типу <011>. Це призводить до утворення максимальної кількості різних конфігурацій пар атомів нікелю, що мають різний приріст енергії кристалічної комірки на потенційному бар'єрі і які за різницею з енергією гратки, коли атом вуглецю розташований у центральній октапорі, можна умовно позначити через A, B, C, D, E, F,G та J, що схематично утворюють розщеплення приросту енергії  $\Delta_1$  ГЦК гратки відносно положень 2-х атомів Ni та атома C (рис. 11).

Конфігурації пар атомів Ni	N₂
1,2=1,4=2,3=3,4=1,5=5,8=4,8=5,6=6,7=7,8=2,6=3,7	α
9,13=9,10=9,12=9,11=11,14=12,14=13,14=10,14=10,11=10,13=12,13=11,12	β
9,14=11,13=10,12	γ
1,13=4,13=5,13=8,13=1,9=4,9=2,9=3,9=2,11=3,11=6,11=7,11=6,14=7,14=5,14=8,14=2,10=	δ
= 1,10=6,10=5,10=3,12=4,12=7,12=8,12	
1,3=2,4=1,8=4,5=5,7=6,8=1,6=2,5=3,8=4,7	3
1,7=4,6=2,8=3,5	ζ
6,13=7,13=5,11=8,11=1,11=4,11=2,13=3,13=6,12=5,12=2,12=1,12=7,10=8,10=3,10=4,10=4,10=4,10=4,10=4,10=4,10=4,10=4	η
= 3,14=4,14=2,14=1,14=6,9=7,9=5,9=8,9	

Таблиця 4 – Симетричних позицій пар атомів Ni в ГЦК гратці Fe

Символ	U (ккал/	N⁰	Еквівалентні позиції 2-ох Ni	С на ПБ	С в ПО
СвЦО	моль)		та С на ПБ	U (ккал/	U (ккал/
	,			моль)	моль)
γ	592,8	Ι	11,13=9,14	779,8	483,8
			10,12	785,2	511,2
β	594,9	Ι	9,13	757,1	456,7
			9,10=9,12=12,13=10,13	772,2	485,1
			13,14=9,11	781,9	485,9
			2,14=3,14	833,0	539,7
			10,14=12,14=11,12=10,11	797,0	514,3
			11,14	806,7	515,1
η	647,8	II	6,13=7,13=6,9=7,9=5,9=8,9	808,5	510,5
			1,12=4,10	811,9	509,6
			1,14=4,14=1,11=4,11	821,8	510,5
			2,12=3,10=5,12=8,10	823,2	538,8
			6,12=7,10	823,7	538,9
			8,11=5,11=2,13=3,13	833,0	539,7
	650,2	II	1,9=4,9=1,13=4,13	799,2	483,7
			2,9=3,9=5,13=8,13	810,5	512,9
			1,10=4,12	814,3	512,0
			2,10=3,12=5,10=8,12	825,6	541,2
			6,10=7,12	826,0	541,2
			2,11=3,11=5,14=8,14	835,3	542,1
			6,11=7,11=6,14=7,14	835,7	542,1
α	703,3	III	1,4	842,4	508,5
			1,2=3,4=1,5=4,8	851,5	537,7
			2,3=5,8	861,8	566,9
			2,6=3,7=5,6=7,8	862,2	566,9
			6,7	862,6	567,0
3	703,0	III	1,8=4,5=2,4=1,3	851,2	537,4
			1,6=4,7	851,7	537,5
			3,8=2,5	861,5	566,6
			5,7=6,8=2,7=3,6	861,9	566,7
ζ	703,0	III	1,7=4,6	851,7	537,5
-			2,8=3,5	861,5	566,6

Таблиця 5 – Значення енергій ГЦК гратки в залежності від позицій двох атомів Ni та атому С

Внаслідок певної відмінності в значеннях цього приросту має місце також локальне енергетичне розщеплення деяких рівнів на підрівні: C – на  $C_1, C_2, C_3; D$  – на  $D_1, D_2, D_3; E$  – на  $E_1, E_2$ , різниця між якими не перевищувала 2,5 % в межах рівня. Поточна відмінність між енергетичними рівнями складала 4÷12 %, а максимальна різниця складала 71 %.

Така суттєва залежність висоти потенційного бар'єру від положень пари атомів нікелю в ГЦК ґратці вказує на суттєвий їх вплив на енергетичний стан системи, чим створюються енергетичні умови до переважного руху атома вуглецю з центральної октапори до поверхні у напрямку такої пари атомів нікелю. Тобто покращуються енергетичні умови для дрейфу атома вуглецю в напрямку меншого значення висоти потенційного бар'єру за рахунок несиметричного впливу розчинних елементів.

Таким чином, завдяки асиметрії розташування розчинних елементів як домішок заміщення, що реалізується вирадково, виникає дрейфова складова для домішки впровадження і створюються додаткові умови для подальшого зростання нанокластеру, що містить ці розчинні, за рахунок зміни його енергетичного стану. Оцінка вигращу енергії  $\Delta_{_2}$  та енергетичної переваги  $\Delta_{_3}$ 

Вихід атому вуглецю на середину ребра (до поверхневої октапори) суттєво змінює картину розподілу можливих значень виграшу енергії  $\Delta_2$  в ГЦК гратці в залежності від положення пари атомів нікелю – спостерігається зменшення кількості цих значень до шести за рахунок об'єднань рівнів та підрівнів в нові конфігурації, якщо розглядати енергетичну перевагу по відношенню до енергії гратки з атомом вуглецю в центрі, а саме: *A*, *B*, *CD*<sub>1</sub>, *ED*<sub>23</sub>, *FGH* та *J* (рис. 11).

Послідовна різниця змін енергій між станами становила 18÷48 %. Максимальна різниця досягала 253 %. У межах енергетичних станів різниця змін енергій не перевищувала 0,6÷2,3 %.

Найбільший енергетичний виграш для атома вуглецю відповідав конфігурації *А* пари атомів нікелю 1,4 (рис. 12), що розташована разом з атомом вуглецю на середині грані; найменший виграш – конфігурації *J* (2,14=3,14) на протилежному боці від атома вуглецю. Таким чином існує суттєва енергетична перевага у напрямку руху атома вуглецю до поверхні ГЦК гратки, де розташована пара атомів нікелю.



**Рис. 11.** Схема енергетичного розщеплення в ГЦК комірці за приростом Δ<sub>1</sub> та виграшем енергії Δ<sub>2</sub> при зміні положень 2-х атомів нікелю та атома вуглецю



Рис. 12. Конфігурація пари атомі нікелю 1,4 з вуглецем на поверхні



**Рис. 13.** Схема енергетичного розщеплення в ГЦК комірці за приростом  $\Delta_1$  та енергетичною перевагою  $\Delta_2$  при зміні положень 2-х атомів нікелю та атома вуглецю

Тенденція зменшення енергетичних станів змін енергій ГЦК гратки залежно від положення пари атомів нікелю має місце і при розрахунках енергетичної переваги  $\Delta_3$ , коли зміна енергії оцінювалася порівняно з енергією гратки на максимумі потенційного бар'єру (рис. 13).

Суттєвою відмінністю оцінки цього параметру є те, що визначається енергетична доцільність для атома вуглецю, що знаходиться на максимумі потенційного бар'єру «обрати» найбільш енергетично вигідний варіант свого руху, що відповідає максимальному зменшенню енергії, тобто рух у напрямку атомів нікелю 1,4 (рис. 12). Така оцінка демонструє подальшу тенденцію до усереднення енергетичних змін ГЦК гратки, що відповідає об-'єднанню на схемі енергетичних рівнів у майже неперервний набір значень  $\Delta_3$ , в межах яких ця різниця не перевищувала 0,4÷1,6 %, а між станами різниця в енергетичній перевазі становила 1,5÷6,4 %, тоді як максимальна не перевищувала 22 %.

Потрібно зауважити, що утворення енергетично вигідної конфігурації пари атомів нікелю та атома вуглецю на поверхні ГЦК гратки зовсім не означає утворення хімічного з'єднання типу карбід нікелю, яке вимагає формування нової поверхні і скоріш за все може бути енергетично не вигідним. Описані тенденції лише означають, що наявність атомів нікелю створює додаткові енергетично вигідні умови для руху атома вуглецю саме в тому напрямку поверхні на середину грані ГЦК гратки, де знаходяться ці атоми нікелю.

#### Висновки

1. Методом молекулярної механіки, виходячи з перших принципів, розраховано енергетичний стан ГЦК гратки системи Fe-Ni-C при різних положеннях атомів Ni та C. У випадку розташування атома вуглецю в центральній октапорі енергетичний стан гратки визначається положенням атома (атомів) нікелю у першому та / або другому кластерному оточенні атома вуглецю.

2. Встановлено, що енергетичний бар'єр в ГЦК гратці системи Ni-C майже на 50 % вищий, ніж у Fe-C, і пов'язаний з різницею розмірів октаедричних міжвузлів цих систем.Це обумовлює більшу стабільність гратки системи Ni-C та аустенітоутворювальні властивості нікелю.

3. Положення атома нікелю (або двох атомів) на ребрі ГЦК гратки разом з атомом вуглецю (у незавершеній поверхневій октапорі) є найбільш енергетично вигідною конфігурацією атомів у системі Fe-Ni-C. Це пов'язано з меншими енергетичними витратами системи при зміні положення атома вуглецю з центральної октапори на поверхневу октапору внаслідок найменшої висоти потенційного бар'єру в цьому напрямку та максимального зменшення енергії на поверхні. Це приводить до максимального внеску в дрейфову енергетичну складову поверхневих ефектів та пояснює вплив випадкового характеру розташування домішки заміщення в гратці на спрямований характер руху домішки впровадження, що створює додаткові енергетичні умови для процесу кластероутворення.

4. Енергетичний стан ГЦК гратки системи Fe-Ni-C суттєво залежить від типу розташування атома вуглецю як атома впровадження, що вносить суттєві зміни у її симетрію, перетворюючи ГЦК гратку з цетральносиметричної системи на систему з осьовою симетрію. Атоми нікелю лише підсилюють новий характер симетрії, чим додатково впливають на енергетичний стан ГЦК гратки. Разом ці розчинні елементи формують складну енергетичну картину змін енергії гратки: формування енергетичних станів, їх розщеплення на рівні та підрівні та подальше поєднання в нові конфігурації.

Умови формування та зростання нової фази з ГЦК структурою визначаються поведінкою розчинних елементів та виявляються в порушенні симетрії самої гратки.

#### Список літератури

- Hilliard J. On the nature of the interface between a solid metal and its melt/ J. Hilliard, J. Cahn //Acta Metallurgica. – 1958. – Vol. 6. – iss.12. – P. 772–774.
- Cahn, J. Theory of crystal growth and interface motion in crystalline materials / J. Cahn // Acta Metallurgica. – 1960. – Vol. 8. – iss.8. – P. 554 –562.
- Cahn J. The molecular mechanism of solidification/ J. Cahn, W. Hillig, G. Sears // Acta Metallurgica. – 1964. – Vol. 12 – N 12. – P 1421–1439.
- Ostwald W. Studien uber die Bildung und Umwandlung fester Korper / W. Ostwald // Z. Phys. Chem.– 1897. – Vol. 22. – P. 289–330.
- Winegard W.C. An Introduction to the Solidification of Metals/ W. C. Winegard. – London: Institute of Metals, (1964) 159 p.
- Habraken W.J.E.M. Ion-association complexes unite classical and non-classical theories for the biomimetic nucleation of calcium phosphate/ W.J.E.M. Habraken, J. Tao, L.J. Brylka et all. // Nature Communication. – 2013, Vol. 4. – 1507 p.
- Baumgartner J. Nucleation and growth of magnetite from solution / J. Baumgartner, A. Dey, P.H.H. Bomans, C.L. Coadou, P. Fratzl, N.A.J.M. Sommerdijk & D. Faivre// Nature Materials. – 2013. – Vol. 12. – P. 310–314.
- 8. Kashchiev, D. Nucleation: Theory and Basic Applications (Butterworth–Heinemann, 2000).
- Kossel, W. Zur Theorie des Kristallwachstums. Nachrichten von der Gesellschaft der Wissenschaften zu Guttingen, Mathematisch–Physikalische Klasse (1927): P. 135–143.
- Stranski I.N. Zur theorie des Kristallwachstums/ I.N. Stranski// Z. Phys. Chem. – 1928. – Vol. 136. – P. 259–278.
- Becker R. Kinetic treatment of nucleation in supersaturated steam/ R.Becker, W.Doering // Annalen der Physik.- 1935. -5F. - 24 p.
- Hudke M. Nanolikwacja inanokrystalizacja wszkiach krzemianowo-fosforanowych – Nanoliquation and nanocrystallisation in the phospho-silicate glasses / M. Handke, M. Sitarz, M. Rokita // Archiwum Nauki o Materiaiach. – 2003. – Vol. 24. – N 4. – P. 467–475.
- 13. Finney E.E. Nanocluster nucleation and growth kinetic and mechanistic studies: A review emphasizing transition-metal nanoclusters / E.E. Finney, R.G. Finke // Journal of Colloid

and Interface Science. - 2008. - Vol. 317. - N 2. - P. 351 - 374.

- Venables J.A. Nucleation and growth of thin films / J.A. Venables, G.D.T. Spiller and M. Hunbucken // Reports on Progress in Physics. – 1984. – Vol. 47. – P. 399–459.
- Styles G.A. Influence of short–range atomic order on nuclear magnetic resonance in liquid alloys / G.A. Styles // Advances in Physics. – 1967. – Vol 16. – iss. 62. – P. 275–286.
- Ferrando R. Nanoalloys: From theory to applications of alloys clusters and nanoparticles / R. Ferrando, J. Jellinek and R.L. Johnston // Chem. Rev. – 2008. – Vol. 108. – iss. 3. – P. 845–910.
- Rossi G. Searching for low-energy structures of nanoparticles: a comparison of different methods and algorithms / G.Rossi and R. Ferrando // J. Phys.: Condens. Matter. - 2009. - Vol. 21. - iss. 8 .- 084208 (11pp).
- Li Z.N. Three-dimensional atomic-scale structure of sizeselected gold nanocluster / Z.N. Li, N.P. Young, M.Di Vece et al. // Nature. - 2008. - 451. - P. 46-49.
- Недоля А. В. Розрахункова оцінка енергетичного стану нанокластеру аустеніту на основі Fe–C / А. В. Недоля, В. Ю. Ольшанецький // Нові матеріали і технології в металургії та машинобудуваннію. – 2013. – № 2. – С. 29 – 34.

Одержано 18.09.2014

#### Недоля А.В., Ольшанецкий В.Е. Оценка энергий ГЦК- группы атомов системы Fe-Ni-C

Методом молекулярной динамики оценено энергетическое состояние элементарной ГЦК ячейки системы Fe-Ni-C в зависимости от положения примесных атомов внедрения и замещения. Расчеты показывают, что положение атома углерода как примеси внедрения, вследствие изменения симметрии кристалла, непосредственно генерирует энергетически вигодные положения атома никеля и формирует условия для образования нанокристаллитов и последующего роста кристаллов новой фазы. Установлено, что поведение примесных атомов обуславливает формирование на свободных поверхностях первичных кластеров нанокристаллитов.

**Ключевые слова:** ГЦК решетка, примеси внедрения и замещения, поверхностная энергия, метод молекулярной динамики, октаэдрические междоузлия.

### Nedolya A., Olshanetskiy V. Evaluation of energy of fcc group of atoms based Fe-Ni-C

The energy of elementary fcc lattice of Fe-Ni-C base was estimated depending on the location of interstitial and substitutional atoms by molecular dynamics method. Calculations show that the position of the carbon atom as an interstitial impurity directly generates energetically favorable positions of nickel atom and creates conditions for the formation of nanocrystallites and subsequent crystal growth of a new phase, due to changes in crystal symmetry. It was established that the behavior of impurity atoms cause the formation the primary cluster of nanocrystallites at the free surfaces.

*Key words: fcc lattice*, *interstitial and substitutional impurity*, *surface energy*, *molecular dynamics method*, *octahedral site*.